

CODE : 20409
PAPER NO: M-201
TIME: 2:30 HOURS

SEMESTER - II
DIFFERENTIAL EQUATIONS

INSTRUCTIONS: (1) All questions are compulsory.
(2) Each question carries equal marks.

TOTAL MARKS: 70

- Q.1 A ઉકેલો: $(1 + e^{\frac{x}{y}}) dx + e^{\frac{x}{y}} (1 - \frac{x}{y}) dy = 0.$ [7]
B ઉકેલો: $(9y + 2x - 20) dx = (6x + 2y - 10) dy.$ [7]
OR
- Q.1 A ઉકેલો: $\frac{y}{x} \frac{dy}{dx} + \frac{2(x^2 + y^2) - 1}{(x^2 + y^2) + 1} = 0.$ [7]
B ઉકેલો: $x^4 \frac{dy}{dx} + x^3 y + \operatorname{cosec}(xy) = 0.$ [7]
- Q.2 A સુરેખ વિકલ સમીકરણ લખો અને ઉકેલો . [7]
B ઉકેલો: $(\sin x \sin y + \sec^2 x) dx + (\tan^2 y - \cos x \cos y) dy = 0$ [7]
OR
- Q.2 A વિકલ સમીકરણ $M(x, y) dx + N(x, y) dy = 0$ યથાર્થ થાય તે માટેની આવશ્યક [7]
અને પર્યાપ્ત શરત લખો અને સાબિત કરો.
B ઉકેલો: $(x^3 y^3 + x) dx = dy.$ [7]
- Q.3 A ઉકેલો: $y - 2px = \tan^{-1}(xp^2).$ [7]
B ક્લેરોટના વિકલ સમીકરણ લખો અને ઉકેલો . [7]
OR
- Q.3 A લાગ્રાંજના વિકલ સમીકરણ લખો અને ઉકેલો . [7]
B ઉકેલો: $x = \frac{p}{1+p^2} + \tan^{-1} p.$ [7]
- Q.4 A જો $f(D)y = e^{ax} V$ એ આપેલ સુરેખ વિકલ સમીકરણ હોય અને V એ x નું કોઈપણ [7]
વિધેય હોય, તો સાબિત કરો કે $\frac{1}{f(D)} e^{ax} V = e^{ax} \frac{1}{f(D+a)} V.$
B ઉકેલો: $(D^4 - 1)y = \cos x \cos 2x.$ [7]
OR
- Q.4 A જો $f(D^2)y = \sin(ax + b)$ એ આપેલ સુરેખ વિકલ સમીકરણ હોય અને [7]
 $f(-a^2) \neq 0$, તો સાબિત કરો કે $\frac{1}{f(D^2)} \sin(ax + b) = \frac{1}{f(-a^2)} \sin(ax + b).$
B ઉકેલો: $\frac{d^3 y}{dx^3} - 3 \frac{dy}{dx} + 2y = e^{-2x} + 2 \sin x.$ [7]
- Q.5 A ઉકેલો: $(x^3 D^3 + 2x^2 D^2 + 2)y = 10 \left(x + \frac{1}{x}\right).$ [7]
B ઉકેલો: $2(x + 1)y'' + y' - 8y = 0.$ [7]
OR
- Q.5 A ઉકેલો: $y'' - 2y' \tan x + 3y = 0.$ [7]
B ઉકેલો: $(x^2 D^3 - x D^2)y = \frac{1}{x}.$ [7]

ENGLISH VERSION

- Q.1 A Solve: $(1 + e^{\frac{x}{y}})dx + e^{\frac{x}{y}}(1 - \frac{x}{y})dy = 0.$ [7]
 B Solve: $(9y + 2x - 20)dx = (6x + 2y - 10)dy.$ [7]
 OR
- Q.1 A Solve: $\frac{y}{x} \frac{dy}{dx} + \frac{2(x^2+y^2)-1}{(x^2+y^2)+1} = 0.$ [7]
 B Solve: $x^4 \frac{dy}{dx} + x^3y + \operatorname{cosec}(xy) = 0.$ [7]
- Q.2 A State and solve Linear differential equation. [7]
 B Solve: $(\sin x \sin y + \sec^2 x)dx + (\tan^2 y - \cos x \cos y)dy = 0.$ [7]
 OR
- Q.2 A State and prove the necessary and sufficient conditions for the differential [7]
 equation $M(x, y)dx + N(x, y)dy = 0$ to be exact.
 B Solve: $(x^3y^3 + x)dx = dy.$ [7]
- Q.3 A Solve: $y - 2px = \tan^{-1}(xp^2)$ [7]
 B State and solve Clairaut's differential equation. [7]
 OR
- Q.3 A State and solve Lagrange's differential equation. [7]
 B Solve: $x = \frac{p}{1+p^2} + \tan^{-1} p.$ [7]
- Q.4 A If $f(D)y = e^{ax}V$ is given linear differential equation where V is a function [7]
 of x, then prove that $\frac{1}{f(D)}e^{ax}V = e^{ax} \frac{1}{f(D+a)}V.$
 B Solve: $(D^4 - 1)y = \cos x \cos 2x.$ [7]
 OR
- Q.4 A If $f(D^2)y = \sin(ax + b)$ is given linear differential equation and [7]
 $f(-a^2) \neq 0$, then prove that $\frac{1}{f(D^2)}\sin(ax + b) = \frac{1}{f(-a^2)}\sin(ax + b).$
 B Solve: $\frac{d^3y}{dx^3} - 3\frac{dy}{dx} + 2y = e^{-2x} + 2\sin x.$ [7]
- Q.5 A Solve: $(x^3D^3 + 2x^2D^2 + 2)y = 10(x + \frac{1}{x}).$ [7]
 B Solve: $2(x + 1)y'' + y' - 8y = 0.$ [7]
 OR
- Q.5 A Solve: $y'' - 2y'\tan x + 3y = 0.$ [7]
 B Solve: $(x^2D^3 - xD^2)y = \frac{1}{x}.$ [7]