

(FOURIER SERIES, MAGNETISM, ELECTRODYNAMICS)

Total Marks : 70

TIME : 2-30 Hours

ચુચ્છના : (1) સંક્ષાશો તેના પ્રયત્નિત અર્થમાં છે.

(2) પ્રભની જમણી બાજુ દર્શાવેલ અંક પ્રભના ગુણ દર્શાવે છે.

Q : 1 કોઈયર શ્રેણીના અચળાંકાં a_0, a_n અને b_n ની કિમતો તારવો.
અથવા

Q : 1 (a) કોઈયર શ્રેણીને સંકર સંખ્યા ના સ્વરૂપમાં સમજૂતી આપો. [08]

(b) એકી અચળાંકા નો ઉપયોગ કરીન નીચે આપેલ વિધેય માટે કોઈયર શ્રેણી વિસ્તારો : [06]

$$\text{I. } f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < 1/2 \\ 0 & 1/2 < x < 1 \end{cases}$$

$$\text{II. } f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < 1 \\ 0 & 1 < x < 3 \end{cases}$$

Q : 2 ફીસ્ટરીસીસ વક્ત સમજાવો અને એક ફીસ્ટરીસીસ ચક દરમીયાન થતું કાર્ય ગણો. [14]

અથવા

Q : 2 (a) ક્યુરી-વેઇસ નિયમવર્ણવિદ્યા. [08]

(b) ચુબકીય ગ્રહણશીલતા તથા ચુબકીય પારગમ્યતા વચ્ચેના સંબંધ તારવો. [06]

Q : 3(a) મેક્સવેલના સમીકરણો $\nabla \cdot \vec{D} = \rho$ અને $\nabla \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$ પરથી,

(i) કુલમ્બનોનિયમ તથા (ii) સાતત્યનું સમીકરણ તારવો.

(b) સાંબંધ કરો $\nabla \cdot \vec{B} = 0$ [04]

અથવા

Q : 3(a) સાતત્ય સમીકરણ $\nabla \cdot \vec{J} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$ છે તેમ સાંબંધ કરો.

(જ્યાં, \vec{J} એ વિધુતપ્રવાહ ઘનતા અને ρ એ વિધુતમાર ઘનતા છે)

(b) સાંબંધ કરો કે $\int_V (\vec{J} \cdot \vec{E}) dv = \frac{dw}{dt}$ [04]

Q : 4 (a) આપેલ વિધેય $f(x)$ માટે કોઈયર શ્રેણીના એકી તથા બેકી અચળાંકા ની તારવણી. કરો. [08]

(b) નીચે આપેલ વિધેય માટે કોરીયર શ્રેણીની તારવળી કરો.

[06]

$$I.f(x) = \begin{cases} 0 & -\pi < x < 0 \\ x & 0 < x < \pi \end{cases}$$

$$II.f(x) = \begin{cases} 0 & -2 < x < 0 \\ 1 & 0 < x < 2 \end{cases}$$

અથવા

Q : 4 (a) ચુંબકીય પરીપથ વિસ્તારથી સમજાવો. [10]

(b) એક રેલેન્ડ રીગમાં 2 amps જેટલે પ્રવાહ આપવામાં આવે છે. તથા તેની પર [04]

એકમ લંબાઈ દીઠ વિટાળેલા આંટાઓની સંખ્યા 10થી ચુંબકીય પ્રેસ્ચુલ B 1 wb/m^2

જટલુછે. તો રેલેન્ડ રીગમાં અર્દે ત્યારે તથા કીરને લઈ લેવામાંઆવે ત્યાર બંને કિસ્સાઓ માટે ચુંબકીય ક્ષેત્ર (H), ચુંબકનારીકરતા (Im), ચુંબકીય પ્રવાહ અને પારગમ્યતા મું ગણ્યો.

Q : 5 (a) મેક્સિવેલ સમીકરણો $\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ અને $\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$ પરથી [10]

$$\text{દર્શાવા કે } \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \text{ અને } \vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho$$

(b) સંકલન અને વિકલનના સ્વરૂપમાં મેક્સિવેલના સમીકરણો લખો. [04]

અથવા

Q : 5 (a) પેરામેનેટીક પદાર્થ માટે કેન્ઝવીન થીયરી સમજાવો. [10]

(b) આપેલ વિધેય માટે કોરીયર શ્રેણીની તારવળી કરો: [04]

$$f(x) = \begin{cases} -x & -\pi < x < 0 \\ x & 0 < x < \pi \end{cases}$$

ENGLISH VERSION

Q : 1 Evaluate the value coefficients a_0 , a_n and b_n of a Fourier series. [14]

OR

Q : 1 (a) Derive complex representation of the Fourier series. [08]

(b) Using odd coefficients expand Fourier series for the following Functions: [06]

$$(i) f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < 1/2 \\ 0 & 1/2 < x < 1 \end{cases}$$

$$(ii) f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x < 1 \\ 0 & 1 < x < 3 \end{cases}$$

Q : 2 Explain Hysteresis curve and calculate work done during one Hysteresis cycle. [14]

OR

Q : 2 (a) Explain Curie -Weiss law. [08]

(b) Derive relation between magnetic susceptibility and magnetic permeability. [06]

Q : 3(a) Using Maxwell's equations : $\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho$ and $\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$ [10]
derive (i) Coulomb's law, (ii) equation of continuity.

(b) Prove that $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$ [04]

OR

Q : 3(a) Prove that the equation of continuity is $\bar{\nabla} \cdot \vec{j} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$ [10]

(Where, \vec{j} is current density and ρ is charge density)

(b) Prove that $\int_V (\vec{j} \cdot \vec{E}) dv = \frac{dw}{dt}$ [04]

Q : 4 (a) Evaluate Even and odd coefficients of the Fourier series for a given function $f(x)$. [08]

(b) Obtain Fourier series for the following functions: [06]

$$(i) f(x) = \begin{cases} 0 & -\pi < x < 0 \\ x & 0 < x < \pi \end{cases}$$

$$(ii) f(x) = \begin{cases} 0 & -2 < x < 0 \\ 1 & 0 < x < 2 \end{cases}$$

OR

Q : 4 (a) Explain Magnetic circuit in detail. [10]

(b) In a Rowland ring the current in the winding is 2 amps and the number of turns per unit length is 10. B is found to be 1 wb/m^2 .

Find external field (H_0), intensity of magnetization(I_m) ,magnetizing current and μ when core is in place and when it is removed from Rowland ring.

Q : 5 (a) Using Maxwell's relation $\bar{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ and [10]

$\bar{\nabla} \times \vec{H} = \vec{j} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$ Show that $\bar{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$ and $\bar{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho$

(b) Write Maxwell's equation in integral and differential form. [04]

OR

Q : 5 (a) Explain Langevin's theory for paramagnetic material. [10]

(b) Evaluate Fourier series for a given function: [04]

$$f(x) = \begin{cases} -x & -\pi < x < 0 \\ x & 0 < x < \pi \end{cases}$$